



කැලණිය විශ්වවිද්‍යාලය-හි ලංකාව

විවෘත සහ පුරුෂීන් අධිකාරීන කේෂ්ටිය
ගාස්තුවේදී (සමානය) උපාධි ප්‍රථම පරික්ෂණය
(බාහිර) - 2009



සමාජීය විද්‍යා පීයය

සමාජ සංඛ්‍යානය – SOST - E1015

මුළුක ගණනය

පළමු කොටසේ සියලුම ප්‍රශ්න වලටත් දෙවන කොටසින් ඕනෑම ප්‍රශ්න
තුනකටත් (03) පිළිතුරු සපයන්න

ප්‍රශ්න සංඛ්‍යාව : 07 දි කාලය : පැය 03 දි
(සනක යන්නු භාවිත කළ නොහැක. ගණිත වගු සපයනු ලැබේ)

පළමු කොටස

01. i) $A = \{a, b\}$, $B = \{p, q\}$ සහ $C = \{q, r\}$ නම්

- (a) $A \times (B \cup C)$
- (b) $(A \times B) \cup (A \times C)$
- (c) $A \times (B \cap C)$
- (d) $(A \times B) \cap (A \times C)$

(ලකුණු 02 බැංශන්)

ii) $a^x = b$, $b^y = c$, $c^z = a$, නම් $xyz = 1$ බැවි පෙන්වන්න.

(ලකුණු 03 දි)

iii) ලසුගණක වගු භාවිතයෙන් අගය ගණනය කරන්න.

$$\left\{ \sqrt[5]{\frac{3.219}{(0.0624)^7}} + \frac{(1.78)^{-3/4}}{\sqrt{2.13}} \right\}$$

(ලකුණු 04 දි)

iv) සමිකරණය විසඳන්න.

$$11^{4x-5} \times 3^{2x} = 5^{3-x} \div 7^{-x}$$

(ලකුණු 04 දි)

v) විසඳන්න. $3x^2 - 14x + 8 = 0$

(ලකුණු 03 දි)

vi) සමීකරණ විසඳුන්න.

$$(a) x + \sqrt{x} = \frac{6}{25}$$

$$(b) x^{10} - 33x^5 + 32 = 0$$

(ලකුණු 03 බැංක්)

vii) විසඳුන්න.

$$\frac{1}{x^2} + \frac{1}{y^2} = 13, \quad \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 5$$

(ලකුණු 04 ඩී)

viii) අගයන්න.

$$(a) 3 \times {}^4P_3$$

$$(b) 1 + ({}^9P_1 - 1) + {}^9P_1 + ({}^9P_2 - {}^8P_1) + {}^9P_2$$

$$(c) {}^3C_1 \times 4! \times 4!$$

$$(d) {}^8C_4 + {}^3C_1 \times {}^7C_2 + {}^3C_2$$

(ලකුණු 02 බැංක්)

දෙවන කොටස

Q2. i) a, b, c, යනු ගුණෝධිතර ශේෂීයක් නම් $a(b^2 + c^2) = C(a^2 + b^2)$ බැවිතහවුරු කරන්න.

ii)

$$\left(2x - \frac{3}{x^2}\right)^{15} \text{ ප්‍රසාරණයහි } x \text{ වලින් ස්වායන්ත්‍ර පදය සොයන්න}$$

iii) විසඳුන්න.

$$\sqrt{\frac{x}{y}} + \sqrt{\frac{y}{x}} = \frac{5}{2}$$

iv) සුළු කරන්න.

$$\frac{\sqrt[7]{x^2}}{y^{-\frac{1}{2}}} \times \frac{\sqrt[5]{x^2}}{\sqrt[3]{y^2}} \times \frac{x^{-9/7}}{\sqrt[3]{y}} \times \frac{\sqrt{y}}{x^{-3/5}}$$

(ලකුණු 05 බැංශය)

03. i) එක්තරා පාසලක පිරිමි සිපුන් 880 දෙනෙකුගෙන් 224 දෙනෙකු ක්‍රිකට් ක්‍රීඩාවේ ද 240 දෙනෙකු භොකි ක්‍රීඩාවේ ද 336 දෙනෙකු බාස්කට් බෝල් ක්‍රීඩාවේ ද 64 දෙනෙකු බාස්කට්බෝල් සහ භොකි යන ක්‍රීඩාවන් දෙකෙහි ම ද 80 දෙනෙකු ක්‍රිකට් සහ බාස්කට් බෝල් යන ක්‍රීඩාවන් දෙකෙහි ම ද 40 දෙනෙකු ක්‍රිකට් සහ භොකි යන ක්‍රීඩාවන් දෙකෙහි ම ද 24 දෙනෙකු ක්‍රීඩාවන් තුනෙහි ම ද නියුතු වී සිටී.

- (a) කිසිම ක්‍රීඩාවක් නොකරන සිපුන් සංඛ්‍යාව කොපමණ ද?
- (b) එක් ක්‍රීඩාවක් පමණක් කරනු ලබන සිපුන් සංඛ්‍යාව කොපමණ ද?

(ලකුණු 02 බැංශය)

ii) සමීකරණ විසයන්න.

$$(a) x^2 - 6x + 9 = 4\sqrt{x^2 - 6x + 6}$$

$$(b) x^2 - 4x - 12 = \sqrt{x^2 - 4x + 19} + 51 = 0$$

iii) $\log 2=0.30103$, $\log 3=0.47712$, $\log 7=0.8450980$ නම්

$$\left(1 \frac{1}{20} \right)^{100} > 100 \quad \text{බැවි පෙන්වන්න.}$$

iv) පලමු හා අවසාන කොටස්වල අනුපාතය $2 : 3$ නම් $12\frac{1}{2}$ යන්න සමාන්තර ග්‍රේණියක කොටස් පහකට බෙදන්න.

(ලකුණු 04 බැංශය)

04. i) එක්තරා කරමාන්ත ගාලාවක හාණ්ඩයකට ඇති ඉල්ලුම් ශ්‍රීතය $PQ=100$ සහ සැපයුම් ශ්‍රීතය $20+3P=Q$ වේ. P යනු මිල සහ Q යනු ප්‍රමාණයයි. ඒ අනුව සමතුලිත මිල සහ ප්‍රමාණය පොයන්න.

ii) සමගාමී සමීකරණ විසඳුන්න.
 $4^x \cdot 2^y = 128$

$$3^{3x+2y} = 9^{xy}$$

iii) සමීකරණය විසඳුන්න.

$$\sqrt{\frac{x}{1-x}} + \sqrt{\frac{1-x}{x}} = 2 - \frac{1}{6}$$

iv) FAILURE යන වචනයේ ව්‍යෝග්‍යතාක්ෂර ඔත්තේ ස්ථානවලට එන පරිදි එම වචනයේ අක්ෂර හාවිතා කරමින් ප්‍රමාණයක් වචන කොපමණ සැදිය හැකි ද?

(ලකුණු 05 බැඟින්)

05. i) ප්‍රසාරණය කරන්න. $\left(x - \frac{1}{x} \right)^5$

ii) 12, 9, 6..... යන ග්‍රේනීයේ කිවෙති පදය
 (a) -30
 (b) -100 සමානවේද?

iii) විසඳුන්න.
 $\sqrt{2x+1} + \sqrt{3x+4} = 7$

iv) $abx^2 - aby^2 - a^2xy + b^2xy$ යන ප්‍රකාශය $ax + by$ යන ප්‍රකාශයෙන් බෙදන්න.

(ලකුණු 04 බැඟින්)

06. i) පහත සඳහන් ගැටළුවල සීමාවන් සෞයන්න.

a) $x \xrightarrow{\text{සීමාව}} 2 \left(\frac{1}{(x-2)} - \frac{1}{x^2 - 3x + 2} \right)$

b) $x \xrightarrow{\text{සීමාව}} 3 \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 - 9}$

c) $x \xrightarrow{\text{සීමාව}} 1 \frac{\sqrt{3+x} - \sqrt{5-x}}{x^2 - 1}$

d) $x \xrightarrow{\text{සීමාව}} 0 \frac{\sqrt{a+x^2} - \sqrt{a-x^2}}{x^2}$

(ලකුණු 03 බැගින්)

ii) $x^4 - x^3 - 20x^2 - 16x + 24$ යන ප්‍රකාශය $x^2 - 6x + 4$ යන ප්‍රකාශයෙන් බෙදන්න

iii) පහත සඳහන් ඒවායේ සාධක සෞයන්න

(a) $4x^2 = 25$

(b) $x^2 - (a+b)x + ab = 0$

iv) සම්කරණයේ අගයන් භාවිතයෙන් මෙම වගුව සම්පූර්ණ කරන්න.

| | | | | |
|--------------------|---|---|---|----|
| $y = x^2 - 2x - 3$ | | | | |
| x | 4 | 2 | 0 | -2 |
| y | | | | |

(ලකුණු 02 බැගින්)

07. i) (a) $y = 9x^4 - 7x^3 + 8x^2 - \frac{8}{x} + \frac{10}{x^3}$ නම්, $\frac{dy}{dx}$ සෞයන්න

(b) $y = (3x^2 + 1)(x^3 + 2x)$ නම් $\frac{dy}{dx}$ සෞයන්න

(c) $y = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$ නම් $\frac{dy}{dx}$ සෞයන්න

(ලකුණු 04 බැගින්)

ii) පහත සඳහන් ඒවා පිළිබඳ සටහන් ලියන්න.

- a) හරාත්මක මධ්‍යනාය
- b) ආංශික අවකලණය
- c) වෙන් රුප සටහන්
- d) සම්ගාමී සම්කරණ

(ලකුණු 02 බැගින්)